

Вводные замечания

к разделу "Электрохимия и химия высоких энергий" в курсе "Физическая химия"

1. Порядок работы (см. на сайте):

- лекции, *Г.А.Цирлина, В.И.Фельдман*
- решение задач (до 1.06)
- практикум – коллоквиум, *М.И.Борзенко, Л.Н.Свиридова*

2. Учебные материалы:

- лекционные конспекты <http://www.elch.chem.msu.ru/rus/prg3.htm>
- задачи <http://www.elch.chem.msu.ru/rus/prg4.htm>
- методические разработки к задаче «Коррозия»
http://www.elch.chem.msu.ru/rus/metod_corr.pdf
- учебники
- справочные данные (<http://www.elch.chem.msu.ru/rus/prg4s.htm>
и библиотека!!!!)

Консультации по e-mail: tsir@elch.chem.msu.ru

Задачи А - простые	Вариант 1 А-Д	Вариант 2 Е-К	Вариант 3 Л-Р	Вариант 4 Ц-Я
Задачи В - для претендующих на "автомат"	Вариант 1 А-К	Вариант 2 Л-Я		

Для получения зачета по физической химии нужно сдать решения задач по разделу "Электрохимия" до **18.00 01.06.2015** в к. Ц-05. Можно также направить решения (но не сканы с бумаги, а **аккуратно составленные файлы**) по адресу tsir@elch.chem.msu.ru.

Результаты проверки решений будут опубликованы **05.06.2015** в следующем формате:

- - А - зачет /не менее половины верных решений/
- - В - зачет /не менее половины верных решений/
- - В - зачет, возможен автомат/верно решены не менее 5 задач из 6/
- - необходимо собеседование /для авторов идентичных или похожих решений/
- - необходима консультация и продолжение решений

Собеседования и консультации будут проведены **08-10.06.2015**.

Решение задачи – это:

- (1) корректно введенные обозначения всех величин;**
- (2) обоснование выбора тех или иных соотношений, с обсуждением пределов их применимости;**
- (3) обоснование выбора параметров из справочных данных, с указанием источника;**
- (4) Запись всех промежуточных и окончательных результатов с размерностями.**

Мы советуем записывать решения в файлах, но готовы работать и с аккуратными рукописными версиями.

Предпочтительный формат, в котором сдаются задачи – pdf.
Спасибо.

Радиус иона:

$$R = \frac{a}{2} = \frac{3,5 \cdot 10^{-6} \text{ м}}{1000 \cdot D \cdot R \cdot T} \quad [\text{логоти шаром} \\ \text{цифро, но...} = 0,7]$$

$$B = \left[\frac{8 \cdot 3,14 \cdot (6,03 \cdot 10^{23})^2 \cdot 10^{-6}}{1000 \cdot D \cdot R \cdot T} \right]^{1/2}$$

Коэффициент активности:

$$f_{\text{H}^+} = \frac{-0,5155 \cdot 10^6}{1000} = 0,6398 \cdot 10^6$$

$$\lg f_{\pm} (\text{LaCl}_3) = 3 \cdot h \cdot 0,7 = 1,08 \cdot 10^{-12}$$

5.10.2010

Группа	Инициалы, фамилия
Р2	П.С. Кунин

1. Применение растворимости BaSO_4 составляет $1 \cdot 10^{-10}$. Определить его растворимость в воде и в 0,05 М растворе KCl при температуре 25°C. Считать ионные радиусы K^+ и Cl^- равными 1,38 и 1,81 Å соответственно. Принять диэлектрическую постоянную краевой 78,4.

2. Соед. для измерения электропроводности наполнен 0,005 М раствором CaSO_4 при температуре 25°C. Площадь параллельных электродов – 3 см², расстояние между электродами – 6 см. Сопротивление слоя раствора, заключенного между электродами, равно 15,61 кОм. Найти изначальную, эквивалентную и предельную эквивалентную электропроводности раствора. Принять диэлектрическую постоянную краевой 78,4, вязкость раствора $8,937 \cdot 10^{-3}$ Пз.

3. Электропроводность иона $[\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}]^+$ в метиловом спирте при температуре 25°C равна $6,37 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2/\text{Вс}$. Вычислить предельную эквивалентную электропроводность, коэффициент диффузии при бесконечном разделении и константой разности этого иона при бесконечном разделении в симметицетафроксиле. Вязкости метиловатата и диметилсульфоксида – $2,4 \cdot 10^{-3}$ и $19,1 \cdot 10^{-3}$ Пз соответственно.

4. Расчитать изменение рН раствора 0,005 М $\text{CH}_3\text{COOH} + 0,01 \text{ M} \text{CH}_3\text{COONa} + 0,03 \text{ M NaCl}$ при пропускании через него газообразного HCl до достижения концентрации HCl , равной $7 \cdot 10^{-3}$ М. На сколько мВ изменится потенциал водородного электрода в исследуемом растворе? Использовать при 25°C $\text{pK}(\text{CH}_3\text{COOH})$ равным 4,75, диэлектрическую постоянную краевой 78,4.

$$r = \left(\frac{3 \cdot 1,8 \cdot 10^{-6} \cdot 7,5}{4 \cdot 3,14 \cdot 1,5 \cdot 10^6} \right)^{1/3} = 1,08 \cdot 10^{-4} \text{ м}$$

Концентрация раствора:

$$1,558 = \frac{10 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 1,85 \cdot 10^{-3} \sqrt{c}}$$

$$\sqrt{c} = 17,39$$

$$c = 300,68 \text{ М}$$

Из хроники решения задач прошлых лет

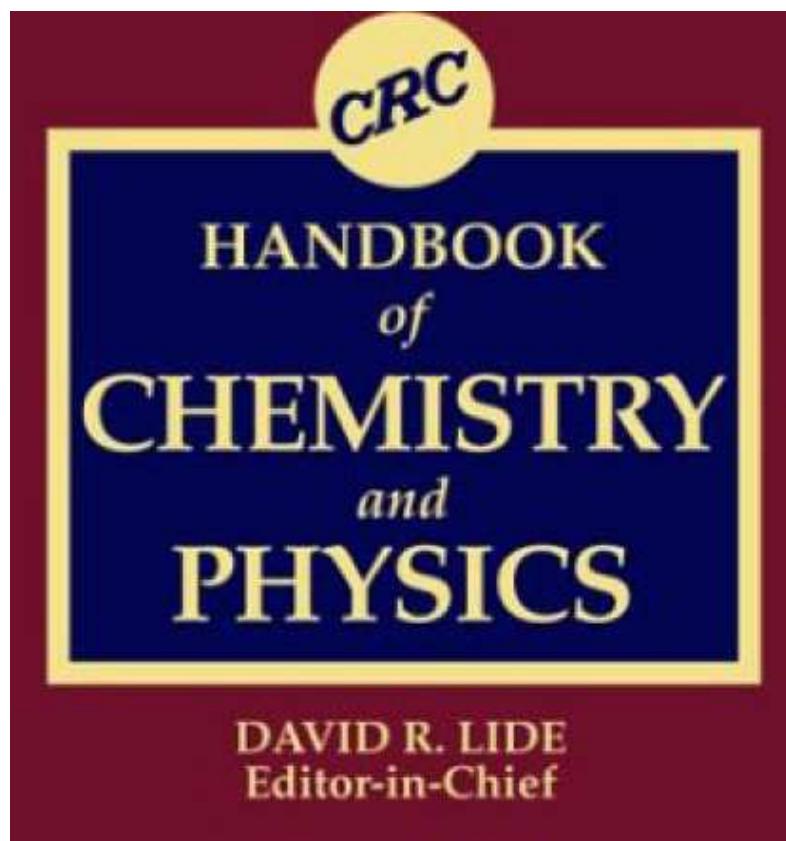
- призыв к самоконтролю

Учебная литература

- 1.Б.Б.Дамаскин, О.А.Петрий, «Электрохимия», Издательство «Высшая школа», М., 1987 г.
- 2.Б.Б.Дамаскин, О.А.Петрий, «Введение в электрохимическую кинетику», издательство «Высшая школа», М., 1983 г.
- 3.А.Н.Фрумкин, В.С.Багоцкий, З. А. Иофа, Б. Н. Кабанов, «Кинетика электродных процессов», издательство МГУ, 1952 г.
- 4.В.С.Багоцкий, «Основы электрохимии», издательство «Химия», Л., 1988 г.
- 5.И.Корыта, И.Дворжак, В.Богачкова, «Электрохимия», издательство «Мир», М., 1977 г.
- 6.Дж.Ньюмен, «Электрохимические системы», издательство «Мир», М., 1977 г.
- 7.К.Феттер, «Электрохимическая кинетика», издательство «Химия», М., 1967 г.
8. Б.Б.Дамаскин, О.А.Петрий, Г.А.Цирлина, «Электрохимия», Издательство «Химия», М., 2001 г.; второе издание «КолосС-Химия», М., 2006 г.
(в библиотеке есть только первое издание, 2001).

Экспериментальные методы химии высоких энергий / Под ред. М.Я. Мельникова
М.: МГУ, 2009

СПРАВОЧНИКИ



Универсальный, ежегодно
обновляемый справочник

2009: 90th Edition,
2804 p



Под ред. Б.П.Никольского, 1966

Том III

Лекция 1 (21.04.2015)

- определение электрохимии
- общая характеристика электрохимических систем и явлений
- особенности заряженных межфазных границ как объектов
- важнейшие физические явления в электрохимических системах
- классификация конденсированных ионных систем
- строение полярных растворителей, растворов и расплавов электролитов
- молекулярная ассоциация
- сольватация ионов в молекулярных жидкостях (ион-дипольное взаимодействие)
- ионная атмосфера
 - теория Дебая-Хюккеля
 - и другие подходы к описанию коэффициентов активности

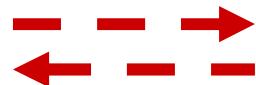
определение электрохимии

- Электрохимия—это раздел химической науки, в котором изучаются физико-химические свойства конденсированных ионных систем, а также процессы и явления на границах раздела фаз с участием заряженных частиц (электронов или ионов).

Составляющие электрохимических систем и важнейшие явления в них

электрод:

электронная или
смешанная
проводимость



Перенос электрона
(electron transfer)

Массоперенос

Межфазная
граница

Электролит:

ионная
проводимость

«Всю электрохимию» изучить невозможно из-за ее все возрастающей междисциплинарности

Chemical physics

Soft matter physics

Surface science

Solid state physics

Chemical engineering

Chemical kinetics and dynamics

Molecular spectroscopy

Polymer science

**Interfacial phenomena
(the former colloid chemistry)**

Electrochemistry

Photochemistry

Radiation chemistry **Лекции В.И.Фельдмана**

Solid state chemistry

Chemistry

**(organic, inorganic,
coordination, “supramolecular”.....**

**Computational
chemistry**

**Analytical
chemistry**

2.7 – 2.8; 3.8; 5.1 – 5.2

Конденсированные ионные системы

Полярные растворители – компоненты растворов

Растворы электролитов

- водные и другие протонные
- аprotонные
 - низкомолекулярных веществ
 - полиэлектролитов

Расплавы

- высокотемпературные
 - неорганических солей ($T_{пл}$ до ~1300 К)
 - оксидов (до ~2300 К)
- органические ионные жидкости ($T_{пл}$ до 500 К)

(Твердые электролиты)

Электролитическая диссоциация

- осмотическое давление
- давление пара над раствором
- крио- и эбулиоскопия
- тепловой эффект нейтрализации
- кислотно-основной катализ и электропроводность

М.Фарадей, 1833

↔

Р.Клаузиус, 1857

С. Аррениус, 1887:

- спонтанная диссоциация при растворении
- неполная диссоциация
- применимость закона действующих масс

Закон разведения
В.Оствальда

Теория кислот и
оснований
Я. Брёнстеда

Ионное произведение
воды (Ф.Кольрауш,
А.Гейдвайлер, 1894)

$$(1 - \alpha)c + v\alpha c = c [1 + \alpha(v - 1)]$$

Число ионов,
образующихся
при диссоциации

Степень
диссоциации

$$K = \frac{[M^+][A^-]}{[MA]} = \frac{\alpha^2 c}{1 - \alpha}$$

Константа диссоциации в теории Аррениуса
- концентрационная!

← **Закон разведения Оствальда**

(разведение – 1/c)

↓
**Степень диссоциации зависит
от концентрации**

$$\alpha = \frac{\sqrt{K^2 + 4Kc} - K}{2c}$$

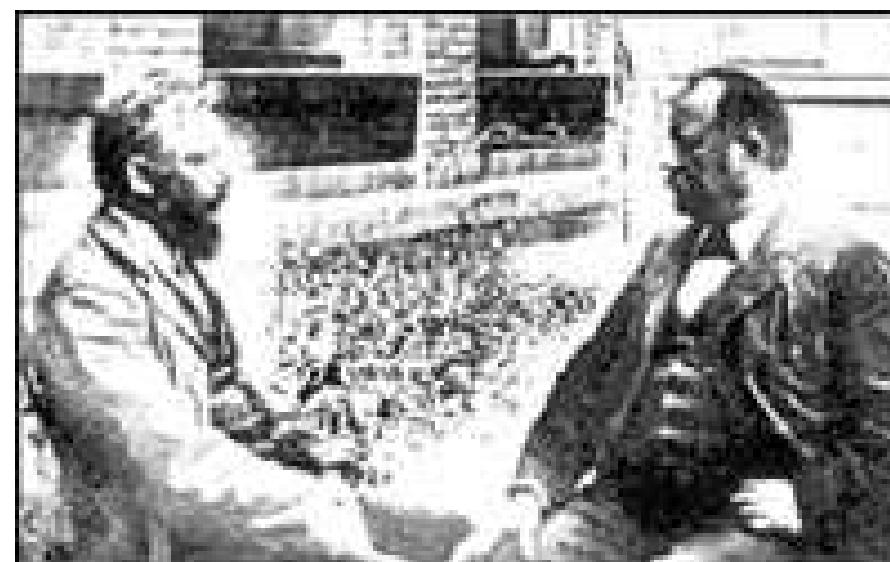
Сильный электролит:

$K \gg 4c$ $\alpha \rightarrow 1$

Слабый электролит:

$K \ll 4c$,

$$\alpha \approx \sqrt{\frac{K}{c}}$$



Вильгельм Оствальд
(1853-1932)

Сванте Аррениус
(1859-1927) 12

Но не ясны причины диссоциации
и нет количественного согласия с экспериментом



(приходится вводить
коэффициент активности)

ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ В РАСТВОРАХ

Ион-дипольное \longrightarrow Сольватация

Ион-ионное \dashrightarrow Ионная ассоциация

(Диполь-дипольное) \dashrightarrow (Агрегация растворителя)

Полярные растворители

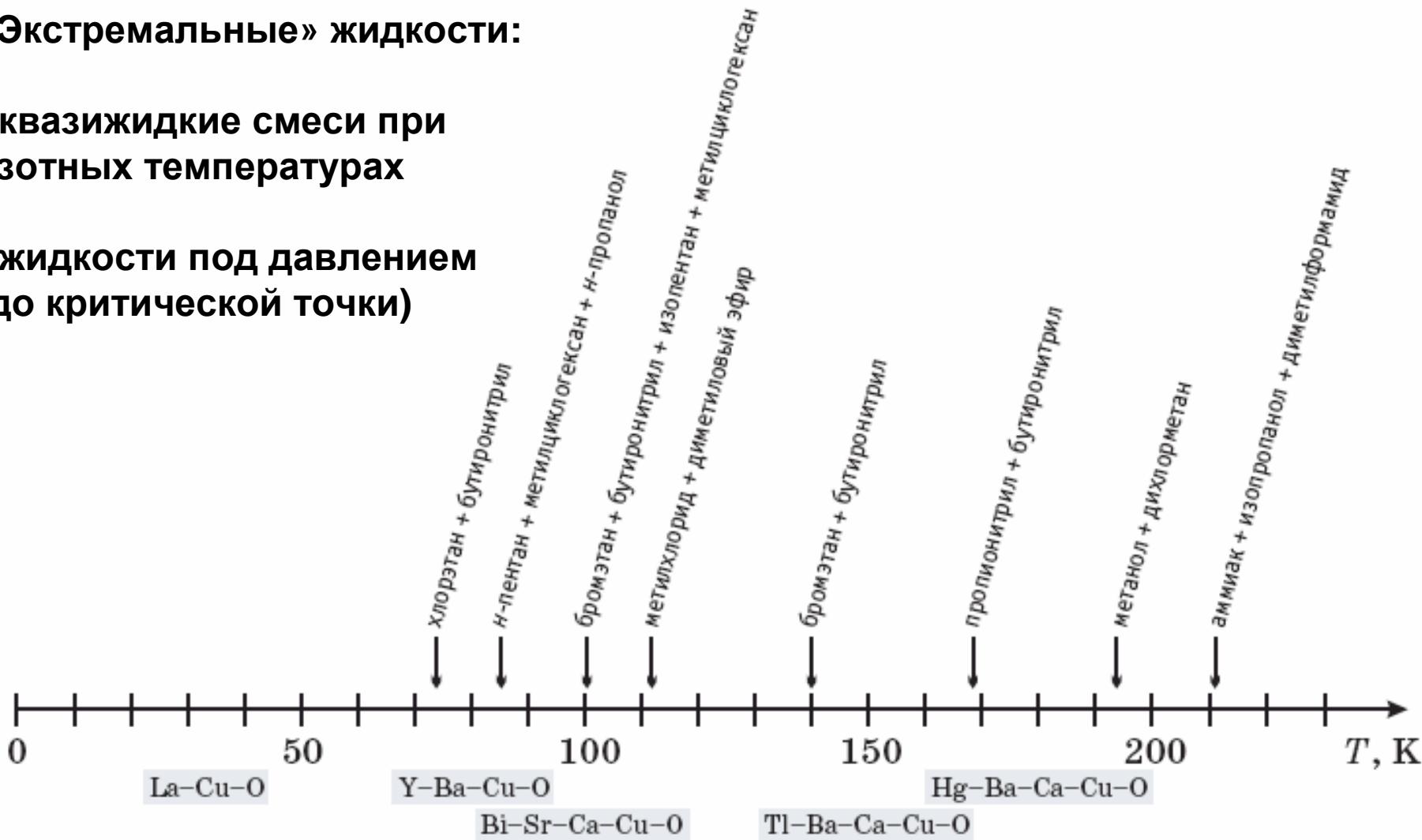
Свойства растворителей

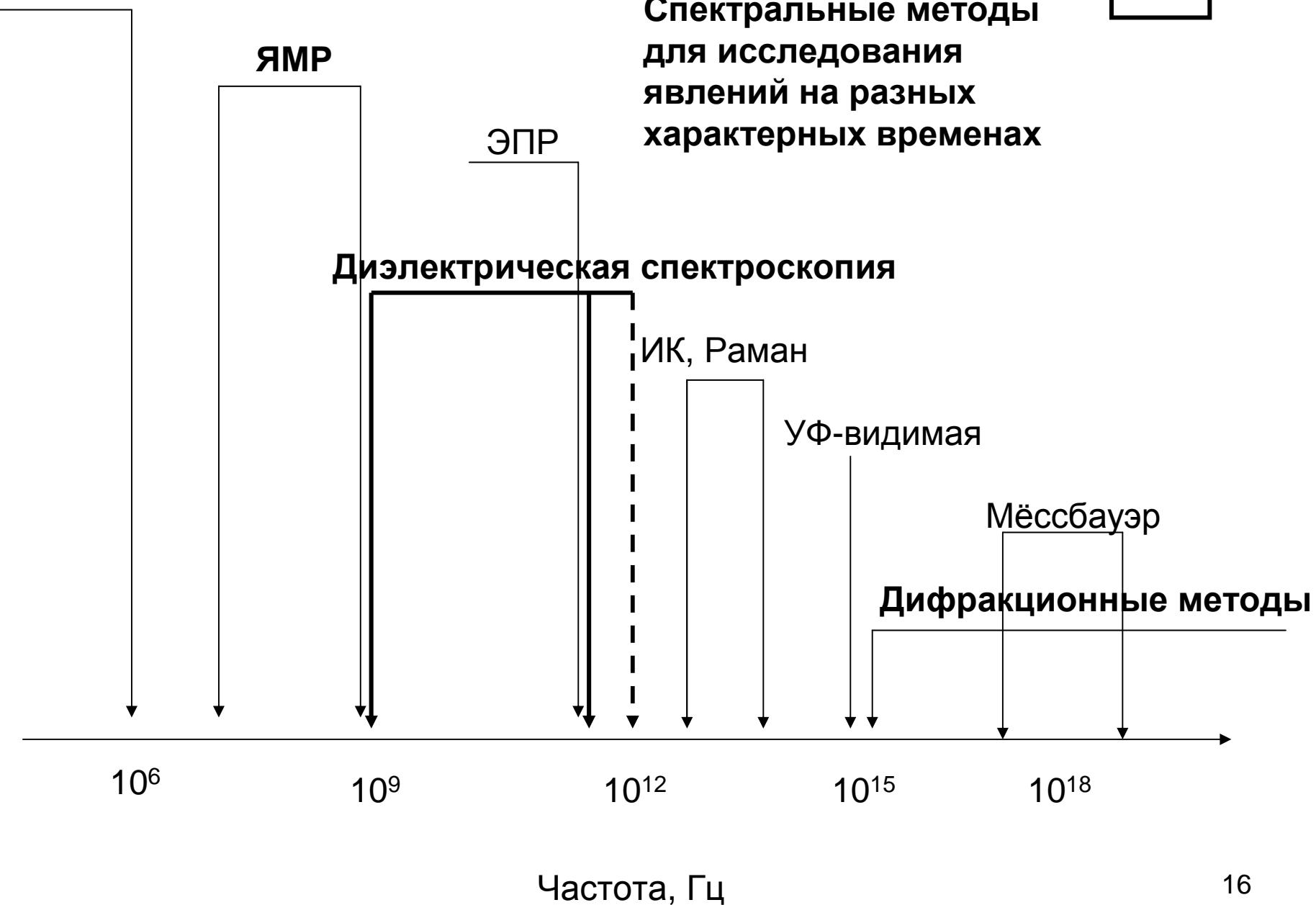
- область устойчивости жидкого состояния
- область термодинамической устойчивости
(«окно» потенциалов)
- **диэлектрическая проницаемость:**
 - **статическая (ϵ)**
 - **оптическая ($\epsilon_{\text{оп}} (\epsilon_{\infty})$; n^2)**
- время (времена) релаксации

Методы исследования полярных растворителей и растворов

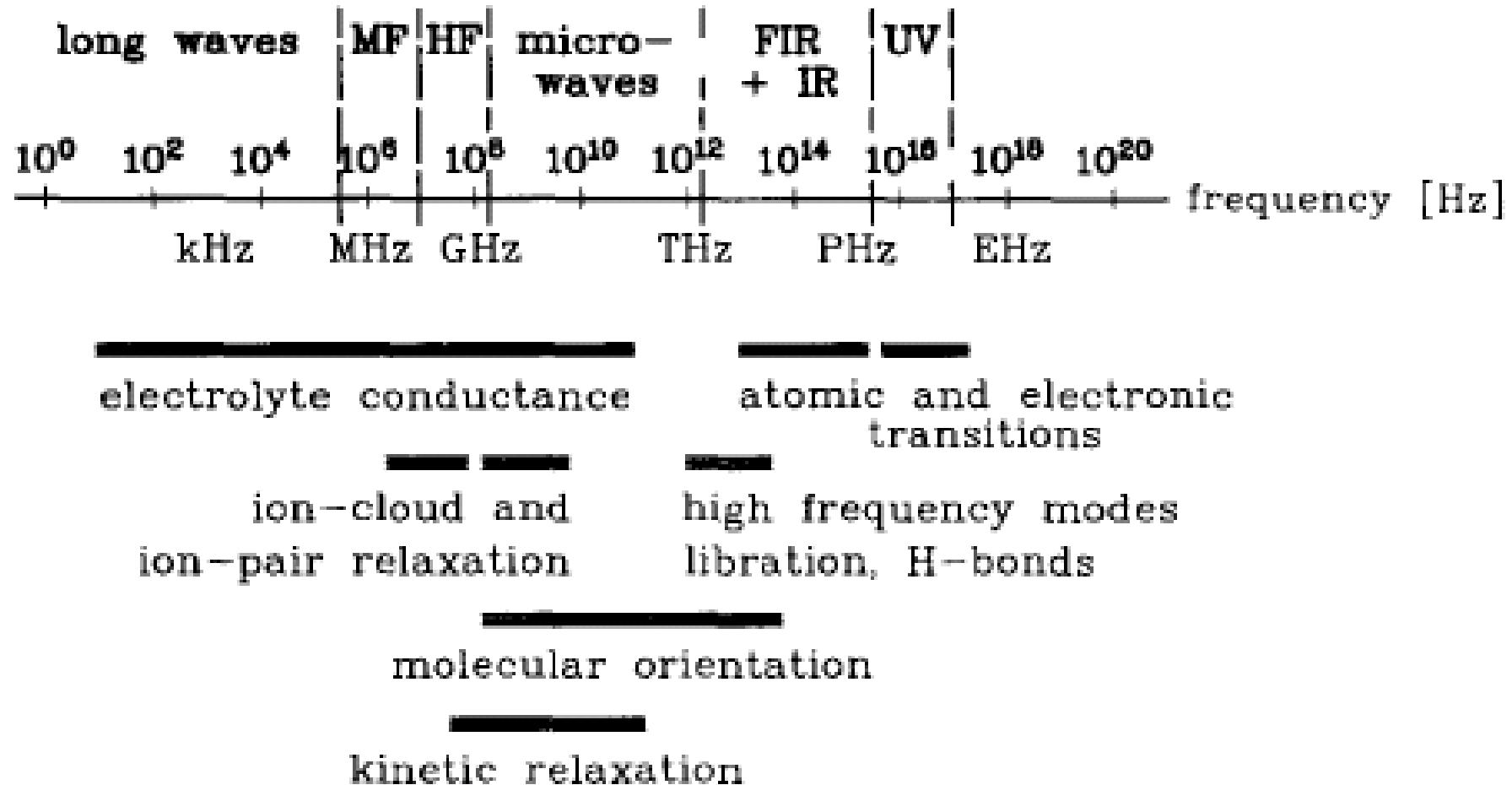
«Экстремальные» жидкости:

- квазижидкие смеси при азотных температурах
- жидкости под давлением (до критической точки)





Характерные времена процессов в жидкостях



Диэлектрическая релаксация

- П.Дебай, 1935

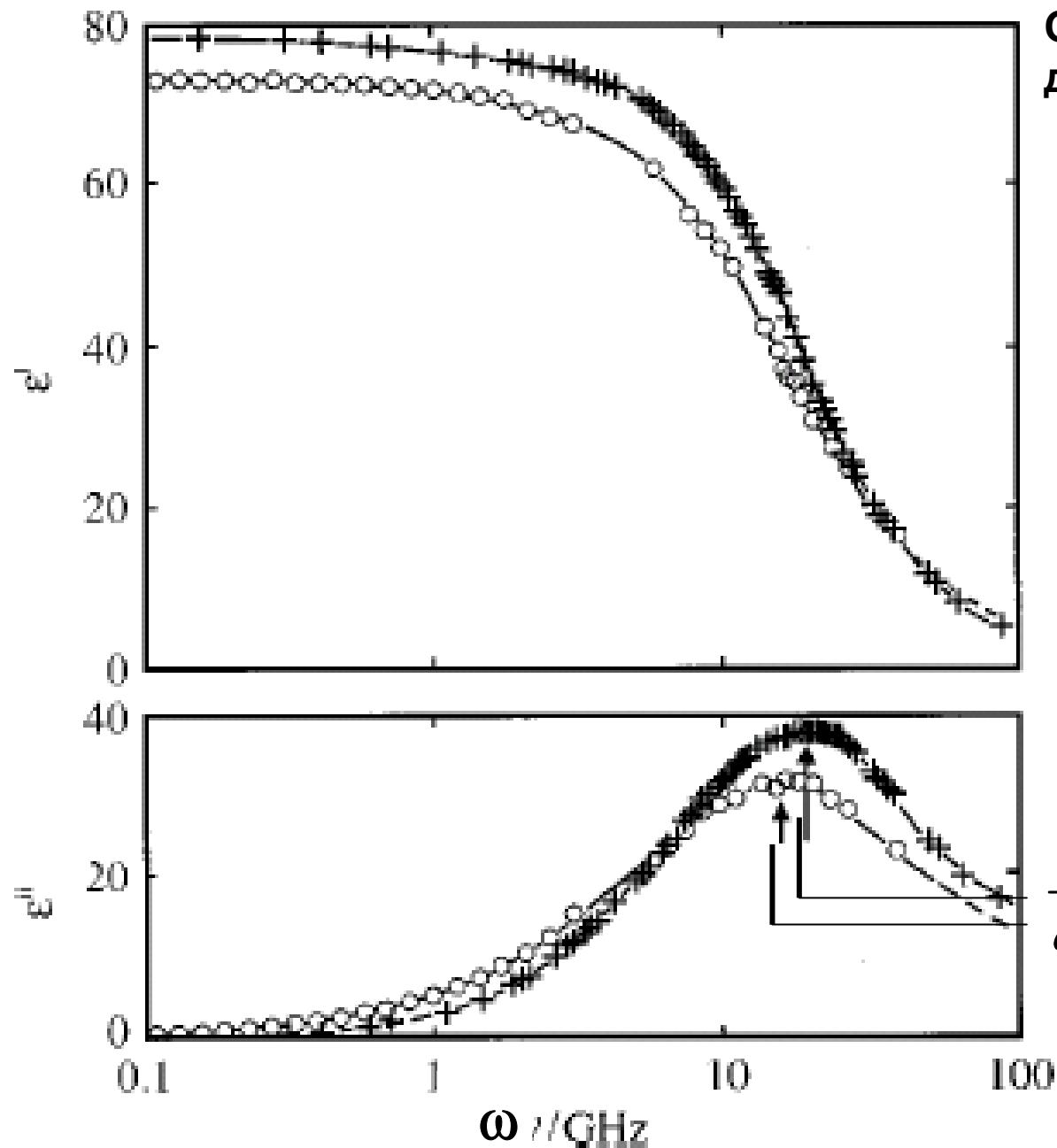
Поле спадает по закону $\exp(-t/\tau)$:

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_{on} + \frac{(\varepsilon - \varepsilon_{on})}{1 + \omega^2 \tau^2} - j\omega \tau \frac{(\varepsilon - \varepsilon_{on})}{1 + \omega^2 \tau^2}$$



n^2 (n – показатель преломления, на оптических частотах)

См. Г.Фрёлих, Теория диэлектриков. М.: Изд-во ин. лит., 1960, глава 3



Определение параметров
диэлектрического спектра:

В максимуме мнимой
части спектра

$$\frac{d}{d\omega} \left[\omega \tau \frac{(\epsilon - \epsilon_{on})}{1 + \omega^2 \tau^2} \right] = 0$$

$$\tau, (\epsilon - \epsilon_{on})$$

Диэлектрическая проницаемость

- П.Дебай, 1912 ... (газ)

поляризация среды \leftrightarrow поляризуемость α и
дипольный момент μ молекулы радиуса r

??? Упрощенное строение диэлектрика

??? Применимость приближений в широком интервале T

$$\left(\frac{\epsilon - 1}{\epsilon + 2} \right) \frac{M}{\rho} = \frac{N_A}{3\epsilon_0} \left(\alpha + \frac{\mu^2}{3kT} \right)$$

μ [1 D = 10^{-18} ед. СГС = $3.336 \cdot 10^{-30}$ Кл \cdot м]

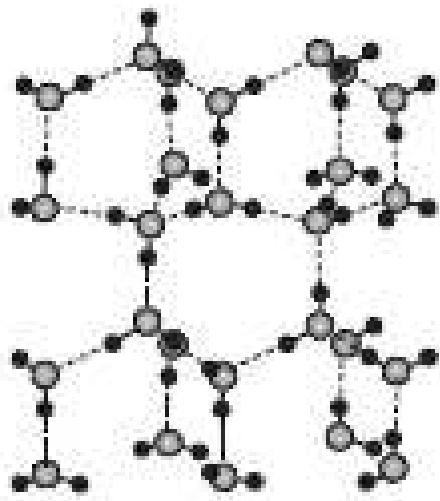
α [нм 3]: ф-ла Клаузиуса-Мосотти $\alpha = r^3 \frac{n^2 - 1}{n^2 + 2}$

Название	Формула	$T_{\text{из}}/T_{\text{изн}}, ^\circ\text{C}$	Статическая диэлектрическая проницаемость ¹	Дипольный момент свободной молекулы, Д
Ацетонитрил	CH_3CN	15/82	37,5 ^{**}	3,45-3,92
Диметилсульфок- сид	$\text{H}_3\text{C}-\overset{\text{S}}{\underset{\text{O}}{=}}-\text{CH}_3$	18/189	46,7 [*]	3,96-4,02
Диметилформ- амид	$\text{H}_3\text{C}-\overset{\text{N}}{\underset{\text{O}}{=}}-\text{C}-\text{H}$	-60/153	36,7 ^{**}	3,82-3,86
Метанол	CH_3OH	-98/65	32,7 ^{**}	1,70
Этанол	$\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$	-117/78	24,3 ^{**}	1,69
Ацетон	$\text{CH}_3-\overset{\text{C}}{\underset{\text{O}}{=}}-\text{CH}_3$	-95/56	20,7 ^{**}	2,83-2,88
Формамид	HCONH_2	-118/8	111 ^{**}	3,37
N -метилформ- амид	HCOHNH_2	-4/198	182 ^{**}	3,86
Хлороформ	CHCl_3	-63/61	—	1,01
Дихлорметан	CH_2Cl_2	-95/40	—	1,60
Пропиленкарбо- нат	$\text{H}_3\text{C}-\overset{\text{O}}{\underset{\text{O}}{\text{C}}}(\text{O})-\text{CH}_2-\text{CH}_3$	-49/240	66,1 ^{**}	4,98

вода

78.4

1.85



«сетка» водородных связей в воде



не единственная релаксация

Все реальные полярные растворители – «недебаевские жидкости», поскольку в них происходит ассоциация молекул



chain-like



cyclic



star-shaped



comb-shaped

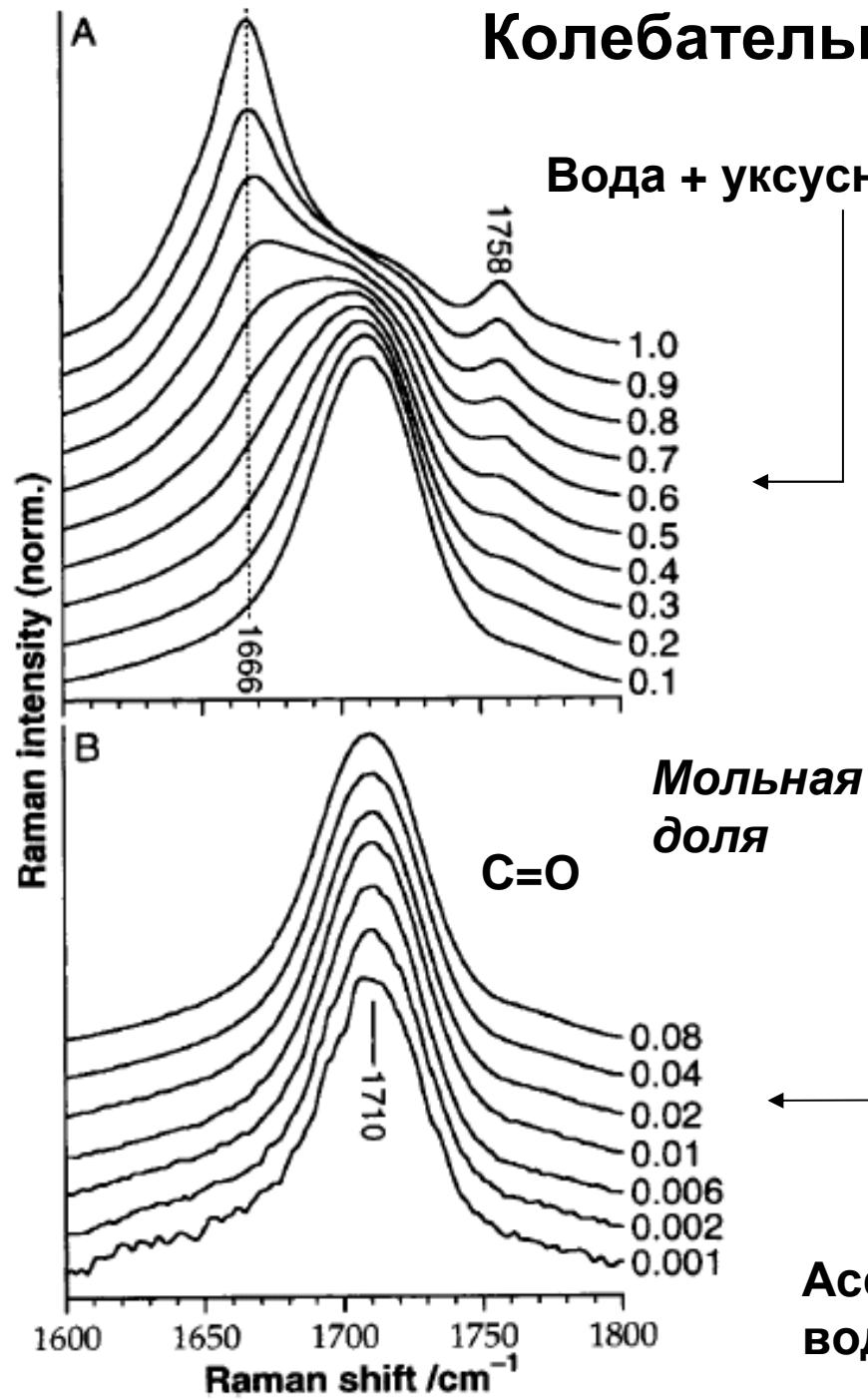


tree-like

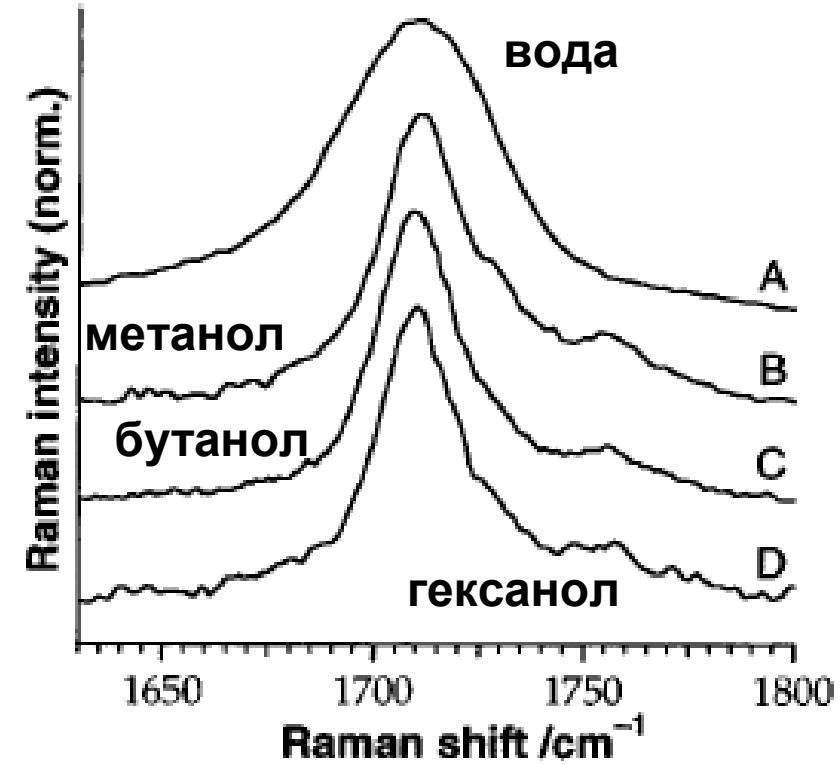


net-like

Колебательные спектры бинарных смесей

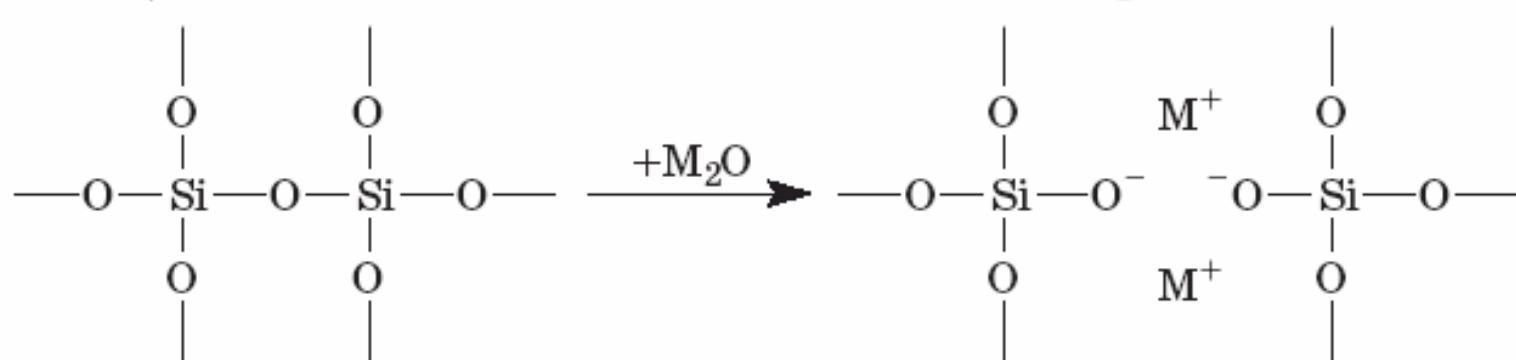


Уксусная кислота +

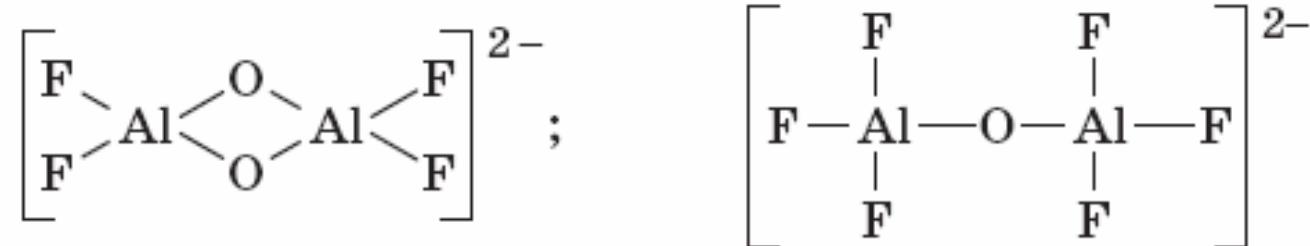


Ассоциаты (агрегаты) стабилизируются
водородными связями

Силикатные расплавы

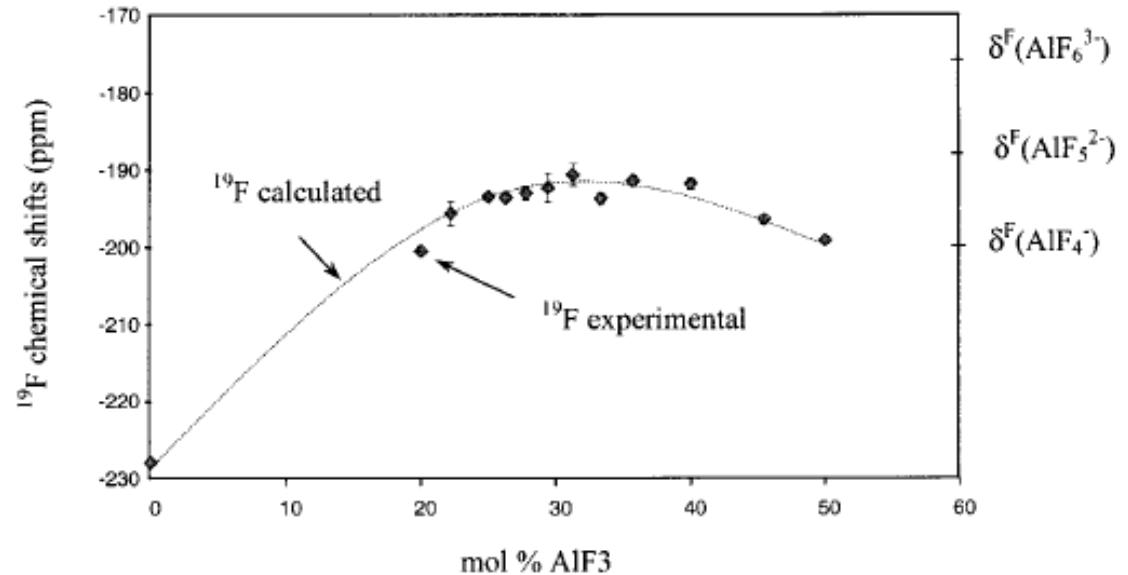
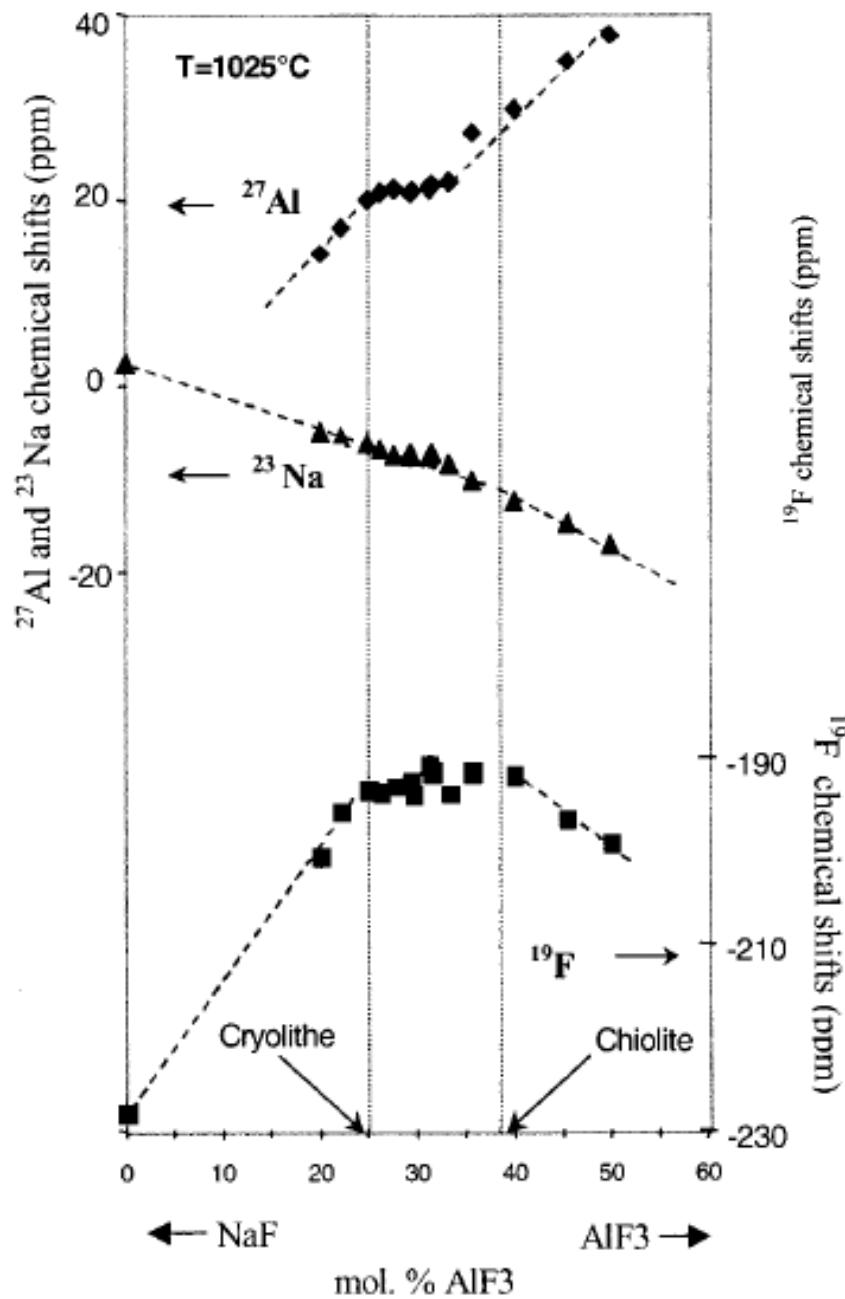


Криолит-глиноземные расплавы

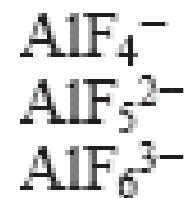


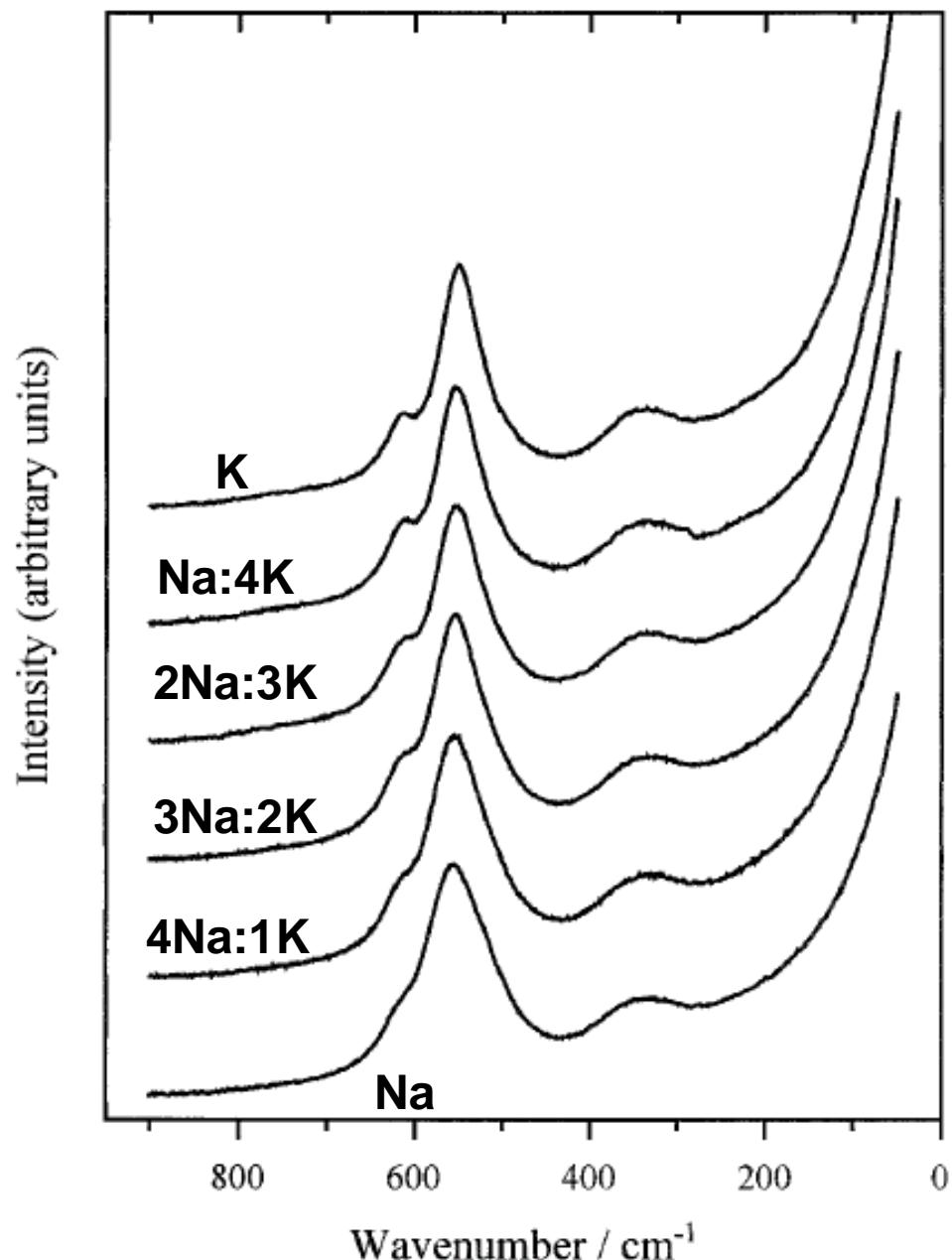
В расплавах электростатические явления осложнены комплексообразованием

ЯМР на разных ядрах



В фторалюминатных расплавах
реализуются равновесия с участием
ионов

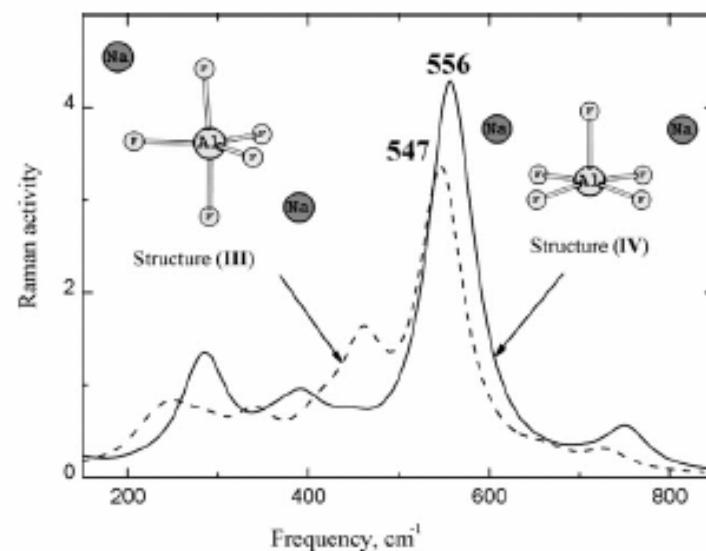




Рамановская спектроскопия

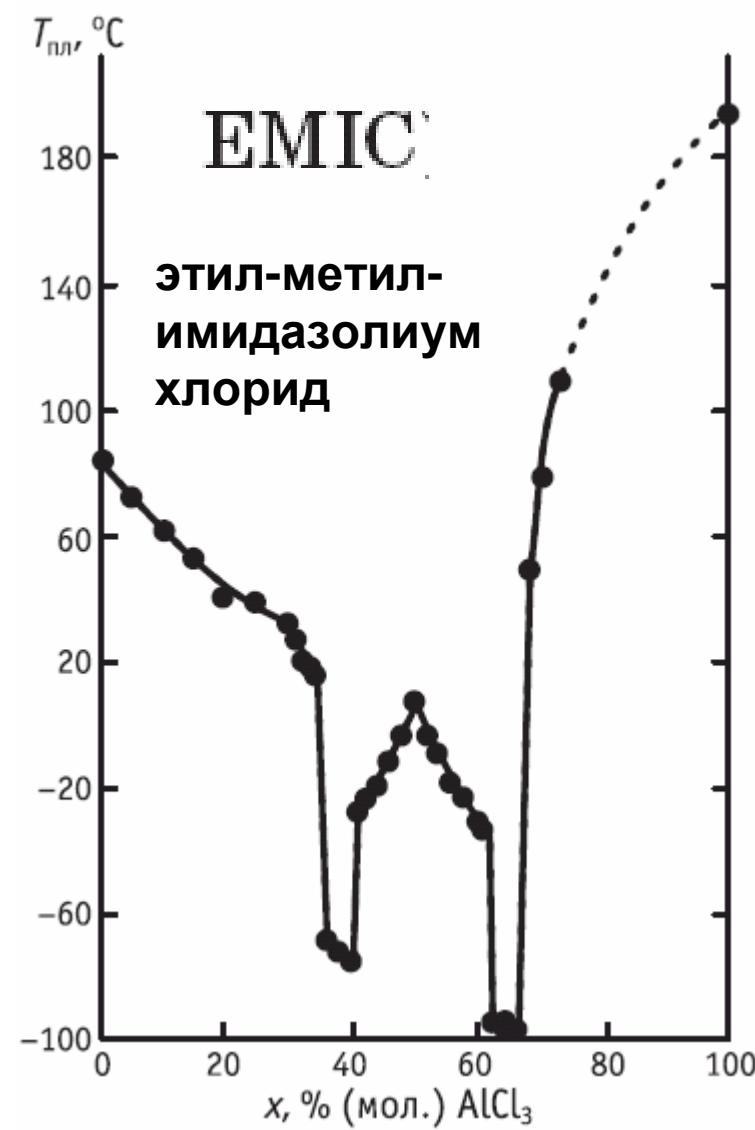
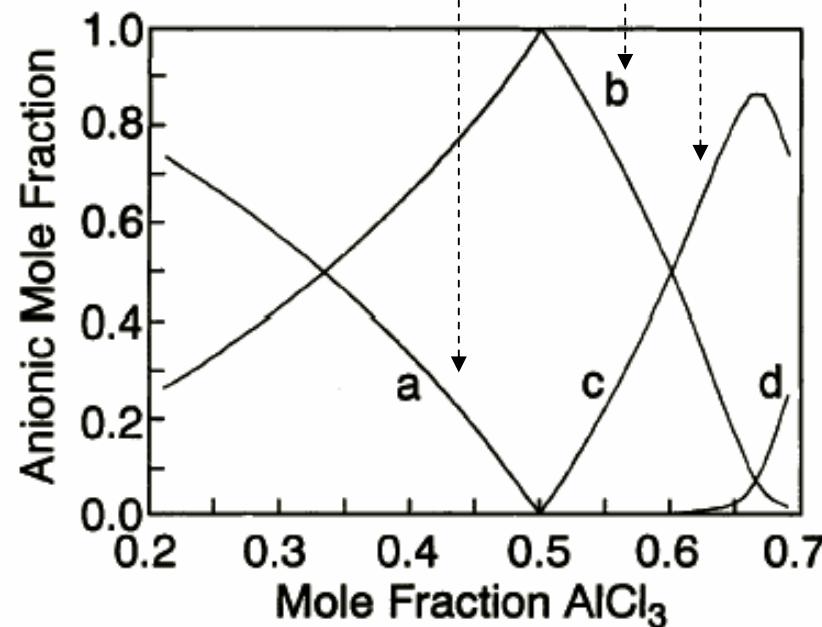


Ассоциация фторалюминат-анионов с катионами смещает равновесия с участием фторида



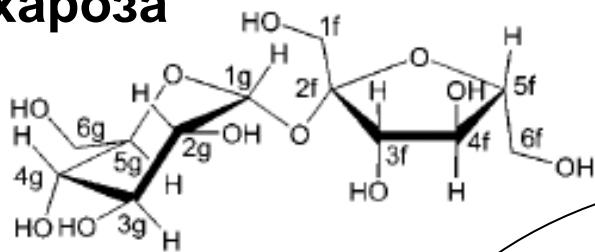
Можно моделировать методами квантовой химии

Ионные жидкости

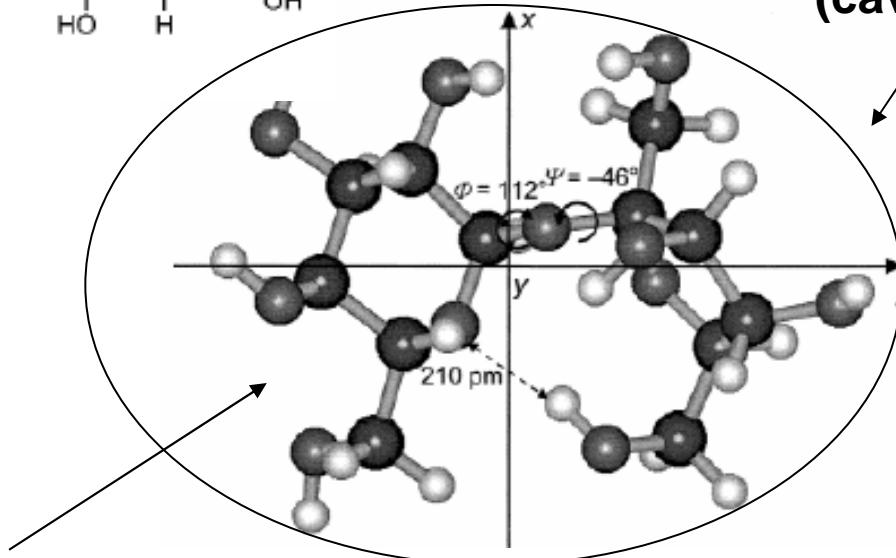


Полярная молекула → диполь

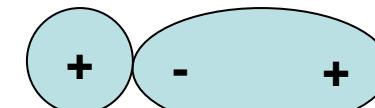
сахароза



Зарядовые распределения
на атомах



Эффективная полость
(cavity)



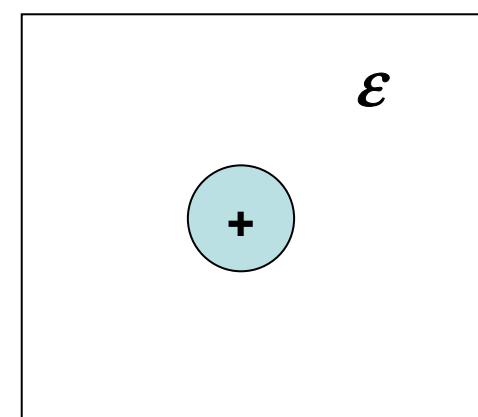
?



Дипольный момент



Ион – равномерно заряженная сфера



континуум

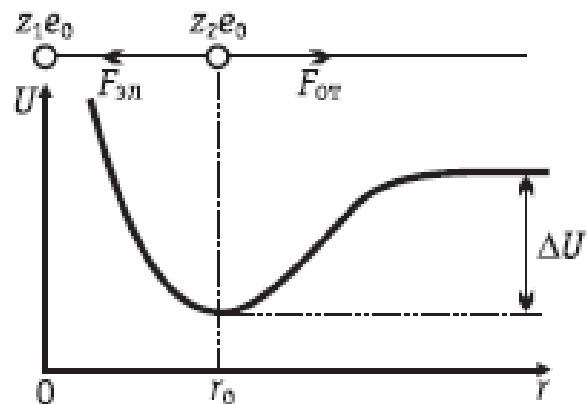
2.1 – 2.2

энергия кристаллической решетки

(определение: работа по превращению кристалла в ионный пар)

М. Борн, 1919: ионный кристалл, заряды ионов Z_1 и Z_2

$$F_{\text{притяжения}} = -\frac{z_1 z_2 e_0^2}{4\pi\epsilon_0 r^2} \quad F_{\text{отталкивания}} = \frac{B}{r^{n+1}}, \quad n > 1$$



$$\Sigma F = -\frac{dU}{dr}; \quad \Sigma F(r_0) = 0$$

$$\Delta G_{kp} = N_A A \frac{z_1 z_2 e_0^2}{4\pi\epsilon_0 r_0} \left(1 - \frac{1}{n} \right)$$

Константа Моделунга

из данных по
сжимаемости

Равновесное межионное расстояние



Макс Борн
(1882 – 1970)

2.3

Метод циклов → Цикл Борна-Габера

М.Борн, *Z. Phys.* 1(1920)45

Ион – сфера

Среда – континуум, ϵ

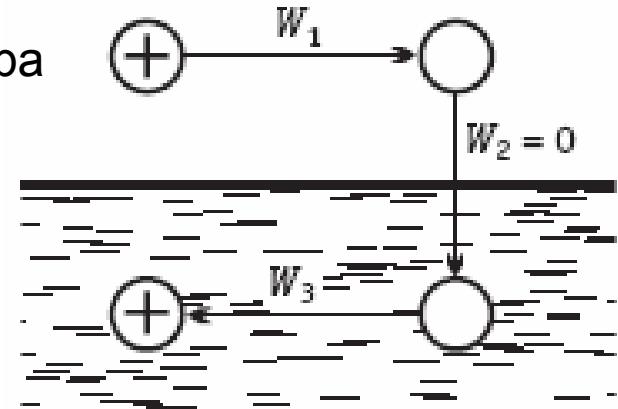
Работа переноса незаряженной сферы из вакуума в среду – 0

Поддержание электронейтральности

$$\Delta G_A = N_A (W_1 + W_3)$$

$$\varphi = \frac{z_i e_0}{4\pi\epsilon\epsilon_0 r_i}$$

$$W = \int_0^{z_i e_0} \varphi dq = \frac{(z_i e_0)^2}{8\pi\epsilon\epsilon_0 r_i}$$



$$-\Delta G_s = N_A \frac{(z_i e_0)^2}{8\pi\epsilon_0 r_i} \left(1 - \frac{1}{\epsilon} \right)$$

2.4

Реальная и химическая энергии сольватации

$$\Delta G_s(\text{реальная}) = \Delta G_s(\text{химическая}) + z_i F \chi$$

- из термодинамического цикла

- масс-спектрометрия (реперный ион H^+)

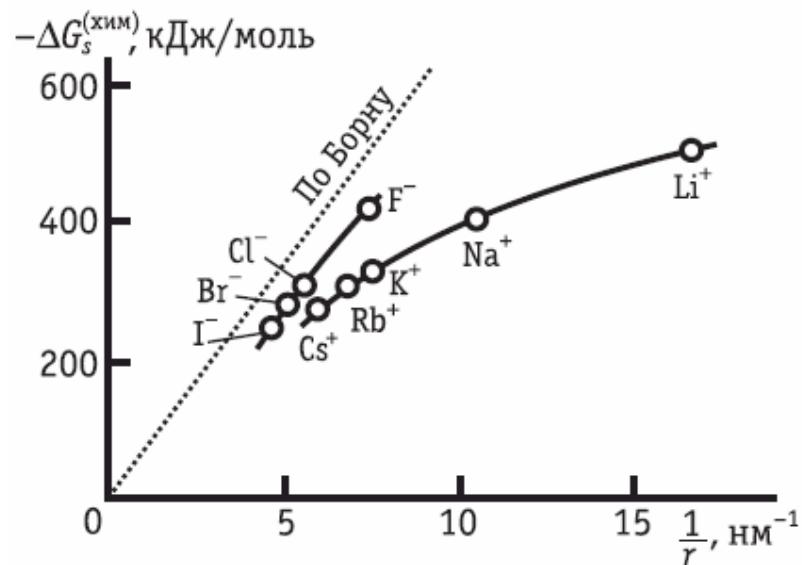
- «исправленный Борн»
 - диэлектрическая полость
 - пониженная ϵ
 - форма иона

- оценки из энергий сольватации соли

- «молекулярные» расчеты

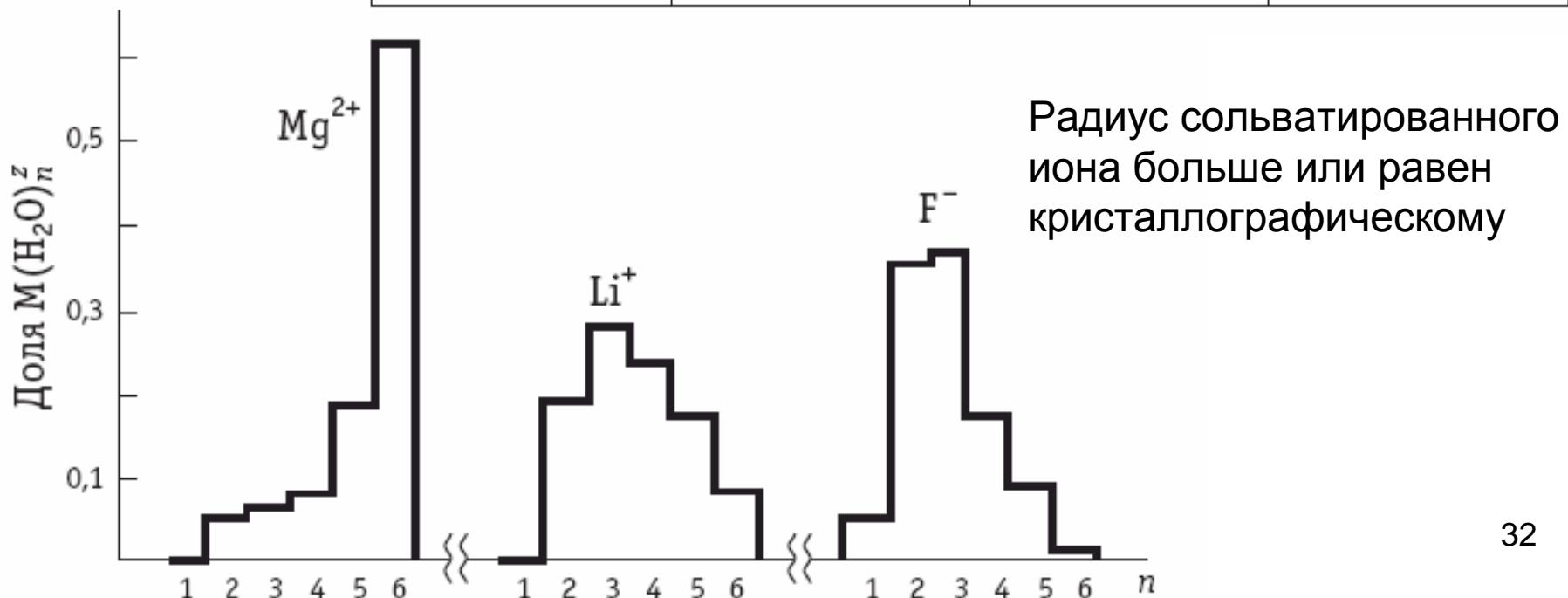
- энергии переноса

~0.1 В
для воды

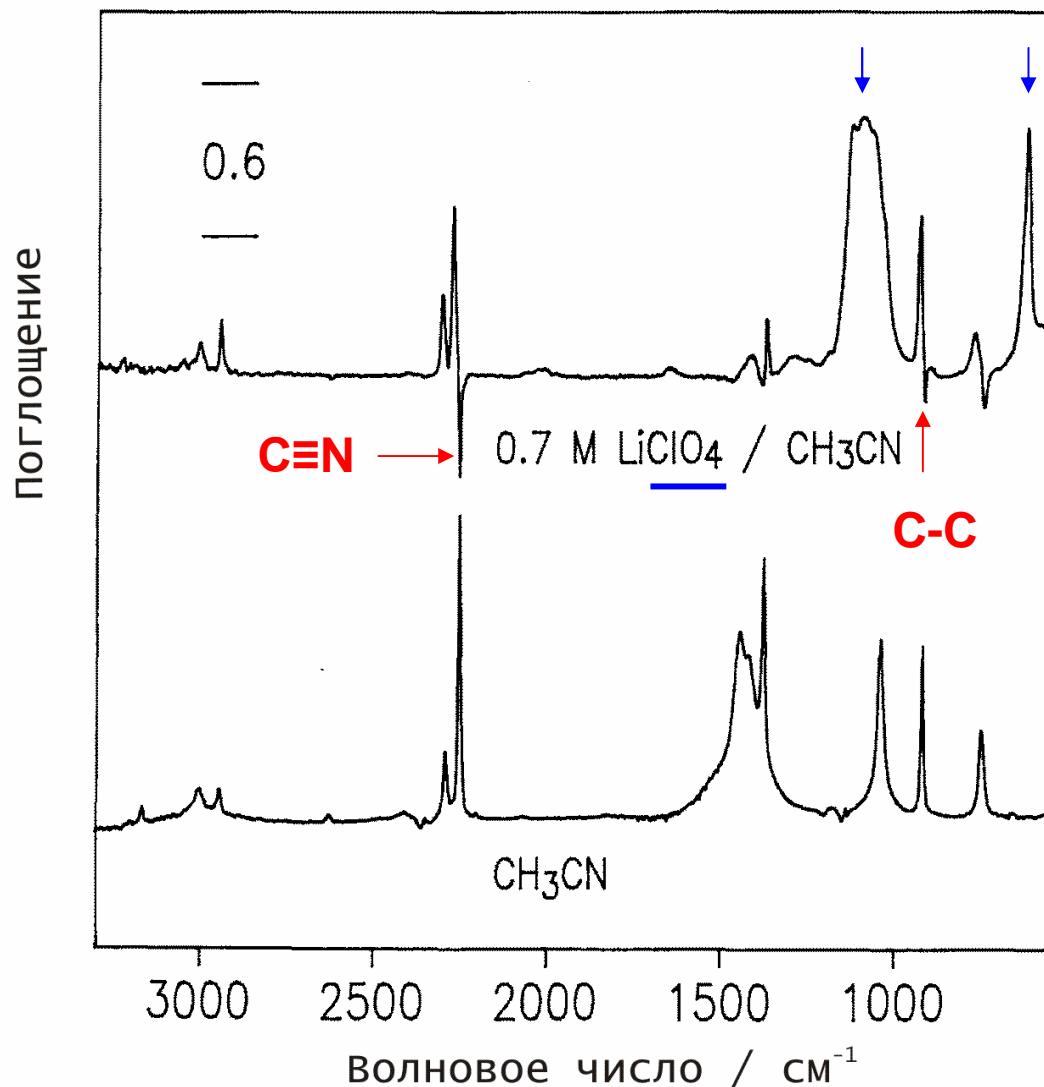


Числа сольватации (в частности, гидратации)

	n_h	$z = 1$	$z = 2$	$z = 3$
ЯМР	≤ 4	Li	Be	—
ИК	4...6	Na	Ca	—
Моделирование (МД, квантовая Химия)	6	—	Mn, Fe, Co, Ni, Cu, Zn, Cd, Hg	Al, Ga, In, Tl, Bi, Ti, V, Cr, Mn, Fe, Co, Rh, Ir
	8...9	—	—	La, Ce, Pr, Sm, Eu, Gd, Tb, Dy, Lu



Спектральные проявления сольватации



Разностный спектр
(есть «отрицательные»
полосы и полосы аниона)

Спектр растворителя



**Сванте Август
Аррениус**
(1859 – 1927)



Вильгельм Оствальд
(1853 - 1932)



**Якоб Хендрик
Вант-Гофф**
(1852 - 1911)

Электролитическая диссоциация



**Йоханнес
Николаус
Брёнстед**
(1879 - 1947)

HARPER'S SCIENTIFIC MEMOIRS

EDITED BY

J. S. AMES, Ph.D.

PROFESSOR OF PHYSICS IN JOHNS HOPKINS UNIVERSITY

IV.

THE MODERN

THEORY OF SOLUTION

MEMOIRS BY PFEFFER, VANT HOFF

ARRHENIUS, AND RAOULT

NEW YORK AND LONDON

HARPER & BROTHERS PUBLISHERS

1899

Уже есть:

эксперимент по термодинамическим свойствам и электропроводности

Еще нет:

никакой модели ион-ионных взаимодействий

Еще долго не будет:

**спектроскопических
свидетельств и
молекулярных расчетов**

GENERAL CONTENTS

	PAGE
Preface.....	v
Osmotic Investigations. [Selected Sections.] By W. Pfeffer.....	3
Biography of Pfeffer.....	10
The Rôle of Osmotic Pressure in the Analogy between Solutions and Gases. By J. H. Van't Hoff.....	13
Biography of Van't Hoff.....	42
On the Dissociation of Substances Dissolved in Water. By S. Arrhenius.....	47
Biography of Arrhenius.....	66
The General Law of the Freezing of Solvents. By F. M. Raoult.....	71
On the Vapor-Pressure of Ethereal Solutions. By F. M. Raoult.....	95
The General Law of the Vapor-Pressure of Solvents. By F. M. Raoult.	125
Biography of Raoult	128
Bibliography	129
Index.....	133

Arrhenius:

In a former communication "On the Electrical Conductivity of Electrolytes," I have designated those molecules whose ions are independent of one another in their movements, as active; the remaining molecules, whose ions are firmly combined with one another, as inactive. I have also maintained it as probable, that in extreme dilution all the inactive molecules of an electrolyte are transformed into active.† This assumption I will make the basis of the calculations now to be carried out. I have designated the relation between the number of active molecules and the sum of the active and inactive molecules, as the activity coefficient.‡ The activity coefficient of an

* Clausius, *Pogg. Ann.*, **101**, 347 (1857); *Wied. Elektr.*, **2**, 941.

† *Bihang der Stockholmska Akademie*, **8**, Nr. 13 und 14, 2 Tl. pp. 5 and 13; 1 Tl., p. 61.

‡ *l. c.*, 2 Tl., p. 5.

electrolyte at infinite dilution is therefore taken as *unity*. For smaller dilution it is *less than one*, and from the principles

tive and active molecules. If, then, m represents the number of inactive, and n the number of active molecules, and k the number of ions into which every active molecule dissociates (e. g., $k=2$ for KCl , i. e., K and Cl ; $k=3$ for $BaCl_2$ and K_2SO_4 , i. e., Ba , Cl , Cl , and K , K , SO_4), then we have :

$$i = \frac{m+kn}{m+n} \quad a \leq 1 ??$$

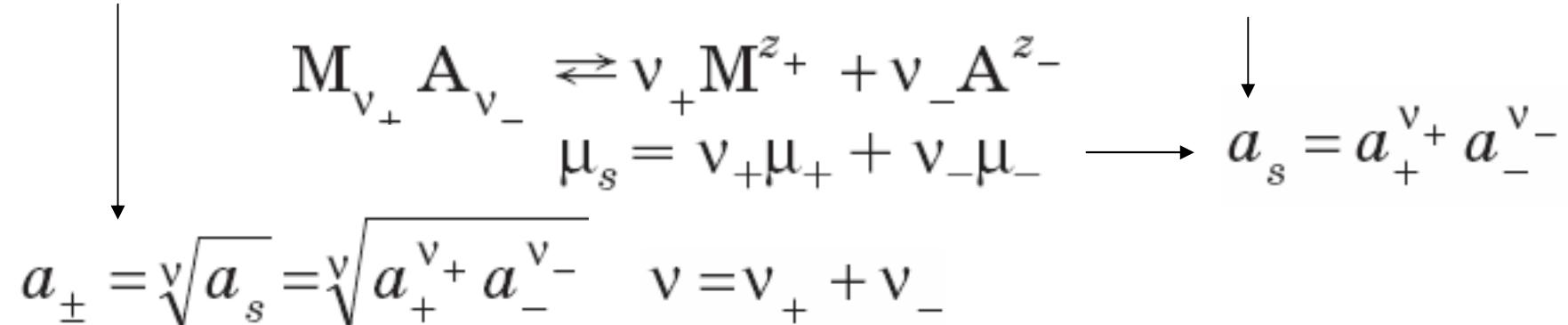
SUBSTANCE.	FORMULA.	a	$i = \frac{t}{18.5}$	$i = \frac{t}{1 + (k-1)a}$
Barium hydroxide....	$Ba(OH)_2$	0.84	2.69	2.67
Strontium hydroxide...	$Sr(OH)_2$	0.86	2.61	2.72
Calcium hydroxide....	$Ca(OH)_2$	0.80	2.59	2.59
Lithium hydroxide....	$LiOH$	0.83	2.02	1.83
Sodium hydroxide....	$NaOH$	0.88	1.96	1.88
Potassium hydroxide ..	KOH	0.93	1.91	1.93

smaller dilution it is less than *one*, and from the principles established in my work already cited, it can be regarded as equal to the ratio of the actual molecular conductivity of the solution to the maximum limiting value which the molecular conductivity of the same solution approaches with increasing dilution. This obtains for solutions which are not too concentrated (i. e., for solutions in which disturbing conditions, such as internal friction, etc., can be disregarded).

Из данных по эбулио- и криоскопии

Из данных по электропроводности

Средняя активность и активность ионного соединения (например, соли)



Три концентрационные шкалы для коэффициентов активности

$$a_i(m) = \gamma_i m_i, \quad a_i(c) = f_i c_i \quad \text{и} \quad a_i(N) = f_i^N N_i$$

$$\begin{array}{c}
 \text{Плотность растворителя} \quad \text{Молярная масса растворителя} \\
 \downarrow \quad \downarrow \\
 f_{\pm} = \gamma_{\pm} \frac{\rho_0 m}{c} \quad f_{\pm}^{(N)} = \gamma_{\pm} (1 + 0,001 v M_0 m)
 \end{array}$$



Петер ДЕБАЙ
(Debye)
1884-1966



Эрих ХЮККЕЛЬ
Hückel
1896-1980

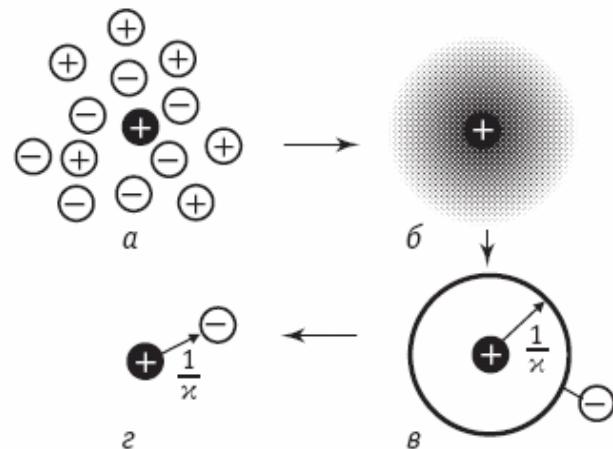


Ларс Онзагер
(1903-1976)

3.2 – 3.4

Теория Дебая-Хюккеля (1923)

Ионная атмосфера



Коэффициенты активности
Растворимость

Потенциал на расстоянии
 r от центрального иона

$$\frac{d^2\phi}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{d\phi}{dr} = -\frac{\rho}{\epsilon\epsilon_0}$$

объемная
плотность
заряда

УРАВНЕНИЕ ПУАССОНА

$$n_i = n_{i0} \exp\left(-\frac{z_i e_0 \phi}{kT}\right)$$

$$\rho = \sum (n_i z_i e_0)$$

Заряд ионов

Число ионов в
единице объема
(локальное)

В сфере радиуса, равного дебаевской
длине – много ионов (усреднение).

Расстояния между ионами много больше
расстояния их максимального сближения

$$\kappa = \sqrt{\frac{e_0^2}{\epsilon\epsilon_0 kT} \sum (n_{i0} z_i^2)}.$$

Обратная дебаевская длина

$$\Phi = A_1 \frac{e^{-\kappa r}}{r} + A_2 \frac{e^{\kappa r}}{r} \quad \rho = -\frac{\epsilon \epsilon_0 A_1 \kappa^2 e^{-\kappa r}}{r}$$

0

$(r \rightarrow \infty) \Phi \rightarrow 0$

$4\pi \epsilon_0 A_1 \int_{\kappa a}^{\infty} \kappa r e^{-\kappa r} d(\kappa r) = z_i e_0$

Полный заряд ионной атмосферы

Изменение энергии центрального иона из-за взаимодействия с ионной атмосферой

$$\Delta U = -\frac{z_i^2 e_0^2 \kappa}{8\pi \epsilon \epsilon_0}$$

$$A_1 = \frac{z_i e_0}{4\pi \epsilon \epsilon_0} \frac{e^{\kappa a}}{1 + \kappa a}$$

$$RT \ln f_i^{(N)} = N_A \Delta U = -N_A \frac{z_i^2 e_0^2 \kappa}{8\pi \epsilon \epsilon_0}$$

Коэффициент активности отдельного иона

Коэффициенты активности в теории Дебая-Хюккеля

$$\ln f_i^{(N)} = -\frac{z_i^2 e_0^2}{8\pi(\varepsilon \varepsilon_0 kT)^{3/2}} \sqrt{\sum (n_{i0} z_i^2)} = -\frac{z_i^2 e_0^2}{8\pi(\varepsilon \varepsilon_0 kT)^{3/2}} \sqrt{2 \cdot 10^3 N_A J}$$

ионная
сила
раствора

1 - первое приближение (предельный закон Дебая-Хюккеля)

$$\lg f_{\pm}^{(N)} = -|z_+ z_-| h \sqrt{J}$$

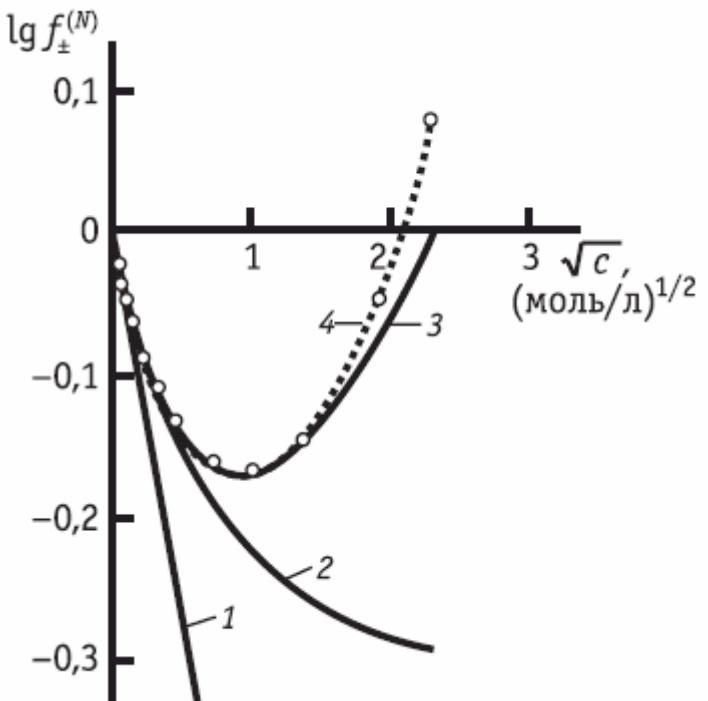
2 – второе приближение
(параметр a – расстояние между центрами ионов)

$$\lg f_{\pm}^{(N)} = -\frac{|z_+ z_-| h \sqrt{J}}{1 + \kappa \alpha} = -\frac{|z_+ z_-| h \sqrt{J}}{1 + a B \sqrt{J}}$$

3 - третье приближение
(эмпирический параметр C)

$$\lg f_{\pm}^{(N)} = -\frac{|z_+ z_-| h \sqrt{J}}{1 + a B \sqrt{J}} + C J$$

Как считать в смешанных электролитах 43
- см. в параграфе 3.4



**Макроскопически наблюдаемые явления
(например, химические и электрохимические равновесия)**



**Зависимости от различных контролируемых факторов
(например, от температуры и концентрации)**



Прогнозирование



Феноменологические



**Физические
приближенные**

Модели явлений и процессов

Молекулярного уровня



Эмпирические поправки к физическим моделям
(по поводу уравнения Дэвиса, памятного из курса аналитической химии)

397. The Extent of Dissociation of Salts in Water. Part VIII. An Equation for the Mean Ionic Activity Coefficient of an Electrolyte in Water, and a Revision of the Dissociation Constants of Some Sulphates.

By CECIL W. DAVIES.

An empirical extension of the Debye-Hückel limiting activity equation is proposed. A survey of all the available data for electrolytes in water at 25° shows that the equation is in good agreement with the actual values of the mean ionic activity coefficient in dilute solutions, the average deviation being about 2% in 0.1m-solution and proportionately less at lower concentrations.

The equation is applied to the activity data for zinc and cadmium sulphates, and dissociation constants are derived for these salts which agree with the values obtained from conductivity measurements.

SOME years ago (Banks, Righellato, and Davies, *Trans. Faraday Soc.*, 1931, 27, 621) the activity data then available for ternary electrolytes in water were reviewed, and it was noted that the experimental activity coefficients (γ_{\pm}) fail to satisfy a fundamental

Theoretical Mean Activity Coefficients
Of Strong Electrolytes in
Aqueous Solutions from 0 to 100 °C

Walter J. Hamer
Institute for Basic Standards
National Bureau of Standards
Washington, D.C. 20234

NSRDS—NBS 24
National Standard Reference Data Series—
National Bureau of Standards 24

Issued December 1968

См. также о подходе
Робинсона-Стокса (1948)
в конце параграфа 3.3;
о различных эмпирических
и полуэмпирических подходах
- в параграфе 3.7

Güntelberg [7] suggested the simpler form

$$\log \gamma_c = \frac{-z_+ z_- A_c \sqrt{I_c}}{1 + \sqrt{I_c}} \quad (2)$$

which is equivalent to assigning a value of approximately 3\AA as calculated by equation (2) to the ion size at all temperatures.

Thus, Guggenheim [8] proposed the equation

$$\log \gamma_c = \frac{-z_+ z_- A_c \sqrt{I_c}}{1 + \sqrt{I_c}} + b I_c$$

where b is an adjustable parameter.

Davies [9] altered the Guggenheim equation by putting $b = 0.2 A z_+ z_-$, thus:

$$\log \gamma_c = \frac{-z_+ z_- A_c \sqrt{I_c}}{1 + \sqrt{I_c}} + 0.2 A z_+ z_- I_c \quad (4)$$

-
- [7] E. Güntelberg, Z. physik. Chem. **123**, 199 (1926).
[8] E. A. Guggenheim, Phil. Mag. **19**, 588 (1935).
[9] C. W. Davies, J. Chem. Soc. 2093 (1938).

Правила для «пользователей»

1. ЛЮБЫЕ термодинамические расчеты требуют активностей, а не концентраций. Например:

Произведение растворимости $\text{ПР} = [\text{Ag}^+] [\text{Cl}^-] \mathbf{f^2_{\pm}}$ или $\text{ПР} = [\text{Ag}^+] [\text{Cl}^-] f_+ f_-$

Ионное произведение воды $K_w = [\text{H}^+] [\text{OH}^-] \mathbf{f^2_{\pm}}$

2. Прежде чем что-либо считать по формуле, нужно выяснить ее применимость (например, какое именно приближение теории Дебая-Хюккеля подходит, можно ли использовать упрощенные формулы для коэффициентов).

3. Шкалы активностей и концентраций должны быть согласованы.

4. Размерность требует двух типов **самоконтроля**: (a) должна быть одинакова в правой и левой частях; (b) должна быть в одной и той же системе единиц для всех величин для всех параметров и переменных.

5. Результат расчета тоже требует трех типов **самоконтроля**:
(a) разумность величины; (b) адекватность ее размерности;
(c) корректность округления.

Такой точности не нужно:

The following values of π and $\ln 10$ were used in the calculations:

$$\pi = 3.14159265$$

$$\ln 10 = 2.302585$$